

**6D060100-«Математика» мамандығы бойынша философия докторы (PhD) дәрежесін  
алу үшін жазылған Токмурзин Жанибек Сырлыбаевичтің  
«Төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер үшін бастанқы-  
шеттік есептерді шешу әдістері» атты диссертациясына**

**Ресми рецензенттің жазбаша пікірі**

р/н №	Критерийлер	Критерийлер сәйкестігі	Ресми рецензенттің ұстанымы
1.	Диссертация тақырыбының (бекіту күніне) ғылымның даму бағыттарына және/немесе мемлекеттік бағдарламаларға сәйкес болуы	<p>1.1 Ғылымның даму бағыттарына және/немесе мемлекеттік бағдарламаларға сәйкестігі:</p> <p>1) Диссертация мемлекет бюджетінен қаржыландырылатын жобаның немесе нысаналы бағдарламаның аясында орындалған (жобаның немесе бағдарламаның атауы мен нөмірі);</p> <p>2) Диссертация басқа мемлекеттік бағдарлама аясында орындалған (бағдарламаның атауы)</p> <p>3) Диссертация Қазақстан Республикасының Үкіметі жаңындағы Жоғары ғылыми-техникалық комиссия бекіткен ғылым дамуының басым бағытына сәйкес (бағытын көрсету)</p>	<p>Диссертациялық жұмыс тақырыбы “3. Ақпараттық, телекоммуникациялық және ғарыштық технологиялар, жаратылыстану ғылымдары саласындағы ғылыми зерттеулер басым бағытының 3.6 Жаратылыстану ғылымдары саласындағы ғылыми зерттеулер; Математика саласындағы іргелі және қолданбалы зерттеулер” ішкі басым бағытына сәйкес келеді.</p> <p>Диссертацияда келтірілген нәтижелерге қатысты жарияланған жұмыстар № AP05131220 «Жоғары ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер үшін бастанқы шеттік есептерді шешу әдістері және олардың қолданыстары» ғылыми жобасының аясында орындалып, есепке енгізілген.</p>
2.	Ғылымга маңыздылығы	Жұмыс ғылымға елеулі үлесін <u>косады</u> / <u>қоспады</u> , ал оның маңыздылығы <u>ашылған</u> / <u>ашылмаған</u> .	<p>Жұмыс төртінші ретті еki айнымалыдан тұратын дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйелері үшін бастанқы шеттік есептердің шешілімділігі мен шешімдерін табу мәселелерін зерттеуге арналғандықтан, ғылымға елеулі үлес қосады деп санаймын, себебі олар жеткілікті дәрежеде зерттелмеген, атап айтсақ, төртінші ретті теңдеулердің кейбір түрлері үшін бастанқы шеттік есептер зерттелген.</p> <p>Сондықтан төртінші ретті дербес туындылардан тұратын теңдеулер жүйесі үшін бастанқы шеттік есептерге қатысты мәселелер жете</p>

			зерттелмегендіктен, жұмыс нәтижелері маңызды деуге болады және маңыздылығы диссертацияда баяндалады.	
3.	Өзі жазу принципі	Өзі жазу деңгейі: 1) <u>жоғары</u> ; 2) орташа; 3) төмен; 4) өзі жазбаган	Диссертация дербес туындылы дифференциалдық тендеулер үшін бастапқы шеттік есептер теориясының төртінші ретті екі айнымалысы бар дифференциалдық тендеулер жүйелеріне қатысты бастапқы шеттік есептерді шешу әдістеріне арналған, өзі жазу деңгейі жоғары деуге болады.	
4.	Ішкі бірлік принципі	4.1 Диссертация өзектілігінің негізdemесі: 1) <u>негізделген</u> ; 2) жартылай негізделген; 3) негізделмеген.	Дербес туындылы төртінші ретті дифференциалдық тендеулер үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі мәселесі жоғары ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер теориясының негізгі бөлігі болып саналады және осы тақырыпқа қатысты көптеген еңбектер мен монографиялар жарық көрген. Осы еңбектердің қомақты бөлігі төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі мен шешімді табу мәселелері жете зерттеле коймағандықтан, жұмыс тақырыбы ғылыми түргыдан мәні бар деуге болады. Төртінші ретті дифференциалдық тендеулер жүйесін зерттеудегі жақсы негізделген шешу әдістерінің аздығы осы жүйелерді жан-жақты қарастыру мәселесін киыннатады. Сондықтан диссертация өзекті мәселелерге арналған және бұл өзектілігінің негізdemесі жұмыста нақтыланған.  4.2 Диссертация мазмұны диссертация тақырыбын айқындаиды 1) <u>айқындаиды</u> ; 2) жартылай айқындаиды; 3) айқындаамайды	Жұмыс төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі мен шешімді табу жолдарын зерттеуге арналған, сондықтан “Төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер үшін бастапқы-шеттік есеп-терді шешу әдістері” тақырыбы диссертация мазмұнын айқындаиды.

	<p>4.3. Мақсаты мен міндеттері диссертация тақырыбына сәйкес келеді:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) сәйкес келеді;</li> <li>2) жартылай сәйкес келеді;</li> <li>3) сәйкес келмейді</li> </ol>	Диссертацияның “Екі тәуелсіз айнымалылы төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер үшін бастапқы шеттік және бейлокалды есептерді зерттеу және шешу әдістерін құру” мақсаты мен міндеттері диссертация тақырыбына сәйкес келеді деп есептеймін.
	<p>4.4. Диссертацияның барлық бөлімдері мен құрылышы логикалық байланысқан:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <u>толық байланысқан;</u></li> <li>2) жартылай байланысқан;</li> <li>3) байланыс жоқ</li> </ol>	Диссертация үш бөлімнен тұрады. Бірінші бөлімде (I) түріндегі төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептер қарастырылады және бірмәнді шешілімділік шарттары анықталады. Екінші бөлімде (II) түріндегі төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептердің бірмәнді шешілімділігіне қатысты нәтижелер келтірілген. Ушінші бөлім сәйкесінше (III) түріндегі төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі мен шешімін табу мәселелеріне арналған.
	<p>4.5 Автор ұсынған жаңа шешімдер (қағидаттар, әдістер) дәлелденіп, бұрыннан белгілі шешімдермен салыстырылып бағаланған:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <u>сыни талдау бар;</u></li> <li>2) талдау жартылай жүргізілген;</li> <li>3) талдау өз пікірін емес, басқа авторлардың сілтемелеріне негізделген</li> </ol>	Жұмыста жаңа белгісіз функциялар енгізу әдісі пайдаланылады. Осы әдістің арқасында екінші ретті гиперболалық теңдеулер жүйесі үшін бейлокал есептер шығады. Аталған есептерді шешуге Д.Жұмабаевтың параметрлеу әдісі мен оның жалпыламасы қолданылады. Жұмыста қарастырылған жаңа белгісіз функциялар енгізу әдісі зерттелетін төртінші ретті теңдеулердің түріне қарай өзгешеленеді. Жұмыста қарастырылып отырған төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептер мен екінші ретті гиперболалық теңдеулер жүйесі үшін бейлокал есептерге белгілі нәтижелермен сынни талдау жүргізіліп, салыстырмалы бағалау келтірілген.

5.	Фылыми жаңашылдық принципі	<p>5.1 Фылыми нәтижелер мен қағидаттар жаңа болып табыла ма?</p> <p>1) толығымен жаңа;</p> <p>2) жартылай жаңа (25-75% жаңа болып табылады);</p> <p>3) жаңа емес (25% кем жаңа болып табылады)</p>	<p>Диссертацияда төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін бастапқы шеттік есептердің бірмәнді шешілімділігі шарттары орнатылған және шешімін табу алгоритмдері тұрғызылған.</p> <p>Бұл зерттеудің бірегейлігі мынада: төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйе лерінің негізгі үш түріне қойылған бастапқы шеттік есептерді шешу жолдары келтірілген.</p> <p>Коэффициенттері үзіліссіз болған жағдайда зерттелген есептердің бірмәнді шешілімділігі шарттары тағайындалған әрі шешін табу тәсілдері келтірілген. Бұл дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйесі үшін шешілімді бастапқы шеттік есептер кластарын кеңейтуге мүмкіндік береді.</p> <p>Төртінші ретті теңдеулердің қарастырылған басты үш класы уақыт бойынша қойылған бейлокал шарттары болғанда зерттеледі. Теңдеулер жүйесінің түріне қарай енгізілетін белгісіз функциялар түрі де арнайы таңдап алынады. Нәтижесінде екінші ретті гиперболалық теңдеулер жүйесі үшін бейлокал есептер түрлері де әртүрлі болады. Осы есептерді шешу жолдары бейлокал шарттар мен гиперболалық жүйеге кіретін функционалдық параметрлер сипатына қарай іздестіріледі. Екінші ретті гиперболалық теңдеулер жүйесі интегралдық қосылғыштарды қамтиды, оған қоса шеттік шарттар параметрлерден тәуелді болатын интегралдық қатынастардан тұрады. Бұл бірқатар мәселелердің пайда болуына алып келеді, әсіресе алгоритмдер тұрғызы және шешілімділік шарттарын орнату барысында құрылатын функционалдық тізбектердің бірқалыпты жинақтылықтарын көрсетуде туындастын қындықтарға алып келеді. Диссертация нәтижелерінің жаңашылдығы –</p>
----	----------------------------	--	---

		<p>енгізілетін жаңа белгісіз функцияларды таңдау мәселесі екінші ретті гиперболалық тендеулер жүйесі үшін бейлокал есептерді зерттеуге алып келуінде. Алынған нәтижелердің тағы бір негізгі мәні мынада: төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер жүйелері үшін қойылған бастап-қы шеттік есептердің шешілімділігі коэффици-енттердің қарастырылған облыста тек үзіліссіздігі жағдайында орнатылады. Осы уақытқа дейін төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер жүйесін зерттеу барысында коэффициенттердің айнымалылары бойынша дифференциалдануы жағдайында зерттеліп, шешілімділік шарттары алынған. Диссертацияда коэффициенттері үзіліссіз төртінші ретті дифференциалдық тендеулер жүйелері үшін бастапқы шеттік есептер қарастырылған. Бұл көптеген қолданыстары бар бейклассикалық тендеулер үшін шешілімді есептер кластиарын кеңейтеді. Әрі төртінші және жоғары ретті дифференциалдық тендеулерді зерттеу әдістерінің қорын байытады.</p>
5.2	Диссертацияның корытындылары жаңа болып табыла ма?	<p>Диссертацияның негізгі теоремалары мен тұжырымдары төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық тендеулер теориясында және бейклассикалық математикалық физика тендеулері үшін бастапқы шеттік есептер теориясында толығымен жаңа әрі ерекше болып табылады.</p>
1)	толығымен жаңа;	
2)	жартылай жаңа (25-75% жаңа болып табылады);	
3)	жаңа емес (25% кем жаңа болып табылады)	
5.3	Техникалық, технологиялық, экономикалық немесе басқару шешімдері жаңа және негізделген бе?	<p>Жұмыс «Математика» мамандығы бойынша жасалғандықтан, осы пунктте техникалық ше-шімдер ғана қамтылады деп санаймын. Техникалық шешімдер негізгі математикалық тұжырымдарды дәлелдеудің тек әдістерінен ғана тұрады, олар диссертацияда жаңа деуге болады. Шешілімділік шарттарын орнату үшін жеткілікті шарттарды анықтау және құрылатын шешімді табу алгоритмдерінің жинақтылығын тағайындауға</p>
1)	толығымен жаңа;	
2)	жартылай жаңа (25-75% жаңа болып табылады);	
3)	жаңа емес (25% кем жаңа болып табылады)	

			<p>функционалдық талдау мен математикалық физика теңдеулері теориясындағы негізгі әдістер мен нәтижелер, ережелер қолданылады.</p> <p>Дәлелдеулер негізделген, тұжырымдар дұрыс, математикалық есептеулерде қателер байқалма-ды.</p> <p>Дәлелдеулер мұқияттылық пен тақырыпты жақсы білуді талап ететіні көрініп түр.</p>
6.	Негізгі қорытындыла рдың негізділігі	Барлық қорытындылар ғылыми тұрғыдан қарағанда ауқымды дәлелдемелерде <u>негізделген/негізделмеген</u> (qualitative research және өнертану және гуманитарлық бағыттары бойынша)	<p>Осы жұмыста алынған нәтижелер мен қорытындылар толығымен негізделген және дәлелдемелермен сүйемелденген.</p>
7.	Корғауға шығарылған негізгі қағидаттар	<p>Әр қағидат бойынша келесі сұрақтарға жауап беру кажет:</p> <p>7.1 Қағидат дәлелденді ме?</p> <p>1) <u>дәлелденді</u>;</p> <p>2) шамамен дәлелденді;</p> <p>3) шамамен дәлелденбеді;</p> <p>4) дәлелденбеді</p> <p>7.2 Тривиалды ма?</p> <p>1) ия;</p> <p>2) жоқ</p> <p>7.3 Жаңа ма?</p> <p>1) ия;</p> <p>2) жоқ</p> <p>7.4 Қолдану деңгейі:</p> <p>1) тар;</p> <p>2) орташа;</p> <p>3) кең</p> <p>7.5 Мақалада дәлелденген бе?</p> <p>1) <u>ия</u>;</p> <p>2) жоқ</p>	<p>7.1 Диссертацияның Қағидаттары дәлелденген.</p> <p>7.2 Нәтижелер тривиалды емес деуге болады.</p> <p>7.3 Корғауға ұсынылған қағидаттар жаңа және жоғары ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер үшін бастапқы шеттік есептер теориясына қосылған үлес деуге болады.</p> <p>7.4 Төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйелері үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігіне қатысты орнатылған ғылыми нәтижелерді бейклассикалық дифференциалдық теңдеулер үшін шеттік есептер теориясын кеңейте отырып, жоғары ретті дифференциалдық теңдеулер үшін шеттік есептерді зерттеуге қолдануға болады.</p> <p>Негізгі нәтижелер</p> <p>“An approach to the solution of the initial boundary-value problem for systems of fourth-order hyperbolic equations”, (Mathematical Notes. – 2020, – Vol. 108, № 1, – P. 3–14), “Boundary Value problem for system of pseudo-hyperbolic equations of the fourth order with nonlocal condition” (Russian Mathematics. – 2020. – Vol. 64, № 9, – P. 1–11),</p>

			<p>“A nonlocal multipoint problem for a system of fourth-order partial differential equations” (Eurasian Mathematical Journal. – 2020.– Vol. 11(3).– P. 8–20)  атты мақалаларда көлтірілген. Бұл еңбектер Scopus деректер қорына енетін және CiteScore процентилі 25-тен кем емес болатын ғылими мерзімді басылыымдар.</p>
8.	Дәйектілік принципі	8.1 Өдістеменің тандауы - негізделген немесе әдіснама нақты жазылған	<p>Төргінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйелері үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі мен шешімін табу жолдарын зерттеуге жаңа белгісіз функциялар енгізу әдісі мен Д.Жұмабаевтың параметрлеу әдісі қолданылады. Бұл әдістердің қолданылу ауқымы мен қарастыратын мәселелері кең, әрі алынатын нәтижелері дифференциалдық теңдеулердің біршама ауқымды класы үшін қойылатын шеттік есептерге қолданыс табады.</p>
	Дереккөздер мен ұсынылған ақпараттың дәйектілігі	1) <u>и亞;</u>  2) жоқ	
		8.2 Диссертация жұмысының нәтижелері компьютерлік технологияларды қолдану арқылы ғылыми зерттеулердің қазіргі заманғы әдістері мен деректерді өңдеу және интерпретациялау әдістемелерін пайдалана отырып алынған:  1) <u>и亞;</u>  2) жоқ	Жұмыс нәтижесін алу үшін компьютерлік технологиялар қолданылмаған, бірақ қазіргі заманғы жаңа белгісіз функциялар енгізу әдісі мен гиперболалық теңдеулер үшін бейлокал есептер теориясы нәтижелері қолданылған.
		8.3 Теориялық қорытындылар, модельдер, анықталған өзара байланыстар және заңдылықтар эксперименттік зерттеулермен дәлелденген және расталған (педагогикалық ғылымдар бойынша даярлау бағыттары үшін нәтижелер педагогикалық эксперимент негізінде дәлелденеді):  1) <u>и亞;</u>	Диссертацияның теориялық қорытындылары эксперименттік зерттеулердің кажет етпейді, ейткені олар қисынды математикалық дәлелдеу қафидаттарына сүйенген. Нәтижелер мысалдар көмегімен сипатталған.

		2) жоқ	
		8.4 Маңызды мәлімдемелер нақты және сенімді ғылыми әдебиеттерге сілтемелермен <u>расталған</u> / ішінара <u>расталған</u> / <u>расталмаған</u>	Маңызды мәлімдемелер нақты және сенімді ғылыми әдебиеттер мен жоғары рейтингі мерзімді басылымдардағы мақалаларға сілтемелер-мен <u>расталған</u> .
		8.5 Пайдаланылған әдебиеттер тізімі әдеби шолуға <u>жеткілікті/жеткіліксіз</u>	Жұмыста пайдаланылған әдебиеттер тізімі әдеби шолуға жеткілікті дәрежеде келтірілген.
9	Практикалық құндылық принципі	9.1 Диссертацияның теориялық маңызы бар: 1) <u>ия;</u> 2) жоқ	Бұл жұмыста алынған нәтижелер, ең алдымен, дифференциалдық теңдеулер теориясы мен математикалық физика теңдеулері талдау саласындағы мамандар үшін теориялық қызығушылық тудырады.
		9.2 Диссертацияның практикалық маңызы бар және алынған нәтижелерді практикада қолдану мүмкіндігі жоғары: 1) <u>ия;</u> 2) жоқ	Төртінші ретті дербес туындылы дифференциалдық теңдеулер жүйелері үшін бастапқы шеттік есептердің шешілімділігі бейеклескалық теңдеулер үшін практикалық маңызы бар және осы теңдеулер үшін туындастын қолданыстар есептерінде пайдалану мүмкіндігі жоғары.
		9.3 Практикалық ұсыныстар жаңа болып табылады? 1) <u>толығымен жаңа;</u> 2) жартылай жаңа (25-75% жаңа болып табылады); 3) жаңа емес (25% кем жаңа болып табылады)	Математиканың дифференциалдық теңдеулерге қатысты бөлімдерінде алынған нәтижелердің практикалық қолданыстары кең әрі ұсынылған әдістері жаңа.
10.	Жазу және ресімдеу сапасы	Академиялық жазу сапасы: 1) жоғары; 2) орташа; 3) орташадан төмен; 4) төмен.	Академиялық жазу сапасы жоғары деп санауга болады.

Пікір: Қазақстан Республикасы Білім және ғылым министрлігінің Білім және ғылым саласында сапаны қамтамасыз ету комитеті алдында Токмурзин Жанибек Сырлыбаевичке 6D060100-«Математика» мамандығы бойынша философия докторы (PhD) дәрежесін беру үшін ұсыныс-өтініш жасау.

М.Х. Дулати атындағы  
Тараз өнірлік университеті,  
физика-математика ғылымдарының  
докторы, профессор



Муратбеков М.Б.